

Cours sur les tableaux

Thème types construits

Première NSI, Lycée du Parc

Table des matières

Crédits	1
1 Situation d'accroche	1
2 Définition d'un tableau	2
3 Tableaux en Python	2
4 Accès aux éléments d'un tableau	3
5 Construction d'un tableau	5
6 Opérations sur les tableaux	7
7 Parcours d'un tableau	8
8 Aliasing	10
8.1 Aliasing et copie de tableau	10
8.2 Aliasing et passage de tableau en paramètre d'une fonction	13
9 Méthodes de tableau dynamique en Python	18
10 Synthèse	20

Crédits

Ce cours est largement inspiré des chapitres 5 et 8 du manuel NSI de la collection Tortue chez Ellipse, auteurs : Ballabonski, Conchon, Filliatre, N'Guyen. Le prepabac Première NSI de Guillaume Connan chez Hatier a également été consulté.

1 Situation d'accroche



Exercice 1

1. Écrire une fonction `moyenne3notes(a, b, c)` qui renvoie la moyenne arithmétique d'une série de 3 notes `a`, `b`, `c`.
2. Proposer une fonction `moyenne(n)` qui prend en paramètres un nombre de notes et renvoie la moyenne de ces notes saisies par l'utilisateur.
3. Quel(s) mécanisme(s) pourrai(en)t nous permettre d'écrire une fonction qui calcule la moyenne d'une série de notes sans interaction avec l'utilisateur du programme ?

2 Définition d'un tableau



Définition 1

- Un objet est un **conteneur** s'il peut contenir plusieurs objets.
- Un **conteneur** est une **séquence** s'il contient une **collection ordonnée** d'objets qui sont accessibles par leur **index** dans la séquence.
- Un **tableau** est une structure de données qui est un **conteneur** et une **séquence**. Il permet de stocker plusieurs éléments dans une seule variable et d'y accéder par leur **index**.

tableau



3 Tableaux en Python



Point de cours 1

- En [Python][Python], les tableaux sont implémentés dans le type `list` et on les nomme souvent listes même si les listes désignent en général une autre structure de données. Le type `list` est suffisamment flexible pour représenter la structure de données tableau et d'autres comme les listes, piles, files ... *Dans la suite de ce cours, on désigne par tableaux, les objets de type `list` du langage [Python][Python]. Dans les exercices, comme dans les QCM d'E3C, on rencontrera parfois l'appellation Python liste pour désigner la structure de données tableau*
- Un tableau [Python][Python] est une expression délimitée par des crochets et les éléments dans l'ordre croissant des index de gauche à droite sont séparés par le symbole virgule , :

```

>>> t = [4, 20, 10] # on affecte le tableau [4, 20, 10] à t
>>> len(t)
3
>>> t[0]
4

```

```

>>> t[len(t)-1]
10
>>> t[3]
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
IndexError: list index out of range
>>> t[0] = 6
>>> t
[6, 20, 10]

```

- La séquence de valeurs contenue dans un tableau est indexée à partir de 0.
- Le **nombre d'éléments** d'un tableau affecté à une variable `t` est donné par la fonction `len` avec `len(t)`. Un **tableau vide** est noté `[]`.
- On accède à l'élément d'index `k` avec la syntaxe `t[k]`.
- On peut manipuler l'élément d'index `k` comme une variable et modifier sa valeur par une affectation avec la syntaxe `t[k] = valeur`.
- On peut considérer que l'accès et la modification d'un élément à partir de son index se fait en **temps constant**, car les éléments sont stockés de façon contigue en mémoire et l'index donne le nombre de décalages depuis le premier élément.
- Un tableau est **itérable**, c'est-à-dire qu'on peut parcourir ses éléments avec une boucle `for`:

```

>>> for e in t:
...     print(e)
...
4
20
10

```

- En [Python][Python], les tableaux peuvent contenir des éléments de types hétérogènes mais nous manipulerons principalement des tableaux homogènes (types `int`, `float`, `string`, `bool`).
- En [Python][Python], les tableaux sont **dynamiques**, leur taille peut varier.

4 Accès aux éléments d'un tableau



Méthode

- Dans un tableau `tab`, chaque élément de la séquence ordonnée est repéré par son index `k` qui permet d'accéder à l'élément avec l'expression `tab[k]` ou de le modifier avec l'instruction `tab[k] = valeur`.
- [Python][Python] permet également d'extraire un sous-tableau d'un tableau `tab` avec l'expression `tab[debut:fin]` qui représente la sous-séquence de `fin - debut` éléments, entre l'élément d'index `debut` inclus et l'élément d'index `fin` exclu, comme pour `range(debut, fin)`. Ce mécanisme de découpage en tranches est désigné par le terme de *slicing*.

- [Python][Python] permet de repérer les éléments avec des index négatifs représentant le décalage par rapport à la fin de la séquence, mais nous ne les utiliserons pas car ils sont source d'erreurs.

Indexation conteneurs séquences

pour les tableaux ...

<i>index positif</i>	0	1	2	3	4
tab =	10	20	30	40	50

*Sur les séquences modifiables (tab) modification par affectation **tab[4]=25***

Accès individuel aux éléments par **tab[index]**

tab[0] → 10 tab[1] → 20 tab[5] → Error index out of range

Nombre d'éléments **len(tab) → 5**

Tranche entre les index 1 inclu et 3 exclu tab[1:3] → [20, 30]

Tranche du début jusqu'à l'index 3 exclu tab[:3] → [10, 20, 30]

Tranche de l'index 3 inclus jusqu'à la fin tab[3:] → [40, 50]

Tranche du début jusqu'à la fin tab[:] → [10, 20, 30, 40, 50]

Figure modifiée à partir d'une source de Louis Leskow inspirée d'un memento de Laurent Pointal

- On peut tester l'appartenance d'un élément à un tableau avec l'opérateur **in** et sa négation **not in**. Cette opération s'effectue en moyenne en coût proportionnel à la taille du tableau.

```

>>> t = list(range(6))
>>> t
[0, 1, 2, 3, 4, 5]
>>> 4 in t
True
>>> 6 in t
False
>>> 6 not in t
True

```

Exercice 2

1. Soit la liste suivante : `liste_pays = ["France", "Allemagne", "Italie", "Belgique"]`.

Que renvoie : `liste_pays[2]` ?

2. Quelle est la valeur référencée par le tableau L après exécution du programme ci-dessous ?

```

L = [731, 732, 734]
L[0], L[1] = L[1], L[0]

```

```
M = L
M[1] = 732
```

Réponse 1 : [732, 731, 734] **Réponse 2 :** [731, 732, 734] **Réponse 3 :** [732, 732, 734]

3. On définit : $L = [10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]$. Quelle est la valeur de $L[L[3]]$?

- **Réponse 1 :** 3 **Réponse 2 :** 4
- **Réponse 3 :** 7 **Réponse 4 :** 8

4. Écrire une fonction `recherche(tab, element)` qui prend en paramètre un tableau et un élément et qui renvoie `True` si `element` est dans `tab` et `False` sinon.

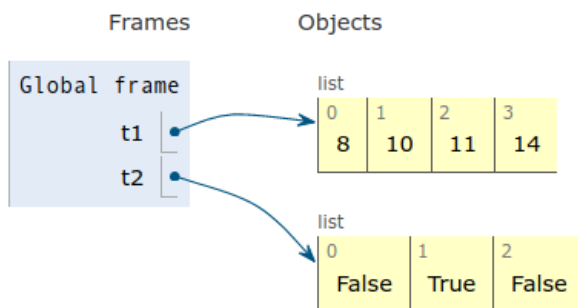
5 Construction d'un tableau

Méthode

Il existe plusieurs façons de définir un tableau en [Python][Python].

- On peut le définir en **extension** en énumérant toute la séquence :

```
>>> t1 = [8, 10, 11, 14]
>>> t2 = [False, True, False]
```



- On peut convertir en tableau un autre objet itérable (qui peut se parcourir avec une boucle `for`) avec le constructeur `list`.

```
>>> t11 = list(range(5))
>>> t11
[0, 1, 2, 3, 4]
>>> t12 = list('alphabet')
>>> t12
['a', 'l', 'p', 'h', 'a', 'b', 'e', 't']
>>> list(4)
Traceback (most recent call last):
```

```
File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: 'int' object is not iterable
```

- On peut le définir en **compréhension** en générant ses éléments par une boucle **for** sur un itérable (générateur d'entiers **range**, autre tableau ...) combinée éventuellement avec un filtrage par une instruction conditionnelle :

```
>>> t3 = [k ** 2 for k in range(6)] #carrés des entiers entre 0 et 5
>>> t3
[0, 1, 4, 9, 16, 25]
>>> t4 = [k for k in range(len(t2)) if t2[k]] # index des éléments de t2
      de valeur True
>>> t4
[1]
```

Exercice 3

1. *Auteur : Germain Becker, question n°326 Genumsi.*

Quel est le tableau **t** construit par les instructions suivantes ?

```
tab = [1, 2, -3, 7, 4, 10, -1, 0]
t = [e for e in tab if e >= 0]
```

- Réponse 1 : **t** = [1, 2, 7, 4, 10, 0]
 - Réponse 2 : **t** = [e, e, e, e, e, e]
 - Réponse 3 : **t** = [1, 2, 7, 4, 10]
 - Réponse 4 : **t** = [-3, -1, 0]
2. Quel est le résultat de l'évaluation de l'expression Python suivante ? *Auteur : Eric Rougier*

```
[2 ** n for n in range(4)]
```

Réponses :

- Réponse 1 : [0, 2, 4, 6, 8]
 - Réponse 2 : [1, 2, 4, 8]
 - Réponse 3 : [0, 1, 4, 9]
 - Réponse 4 : [1, 2, 4, 8, 16]
3. Qu'affiche le programme [Python][Python] ci-dessous ?

```
L=[0,1,2]
M=[3,4,5]
N=[L[i]+M[i] for i in range(len(L))]
print(N)
```

4. On exécute le script suivant :

```
L = [12,0,8,7,3,1,5,3,8]
a = [elt for elt in L if elt < 4]
```

Quelle est la valeur de a à la fin de son exécution ?

- **Réponse 1 :** [12,0,8] **Réponse 2 :** [12,0,8,7]
- **Réponse 3 :** [0,3,1,3] **Réponse 4 :** [0,3,1]

6 Opérations sur les tableaux



Méthode

- On peut concaténer deux tableaux avec l'opérateur +, un nouveau tableau est renvoyé.

```
>>> t1 = [1,2]
>>> t2 = [3,4]
>>> t3 = t1 + t2
>>> t3
[1, 2, 3, 4]
```

- L'opérateur * permet d'itérer une concaténation et d'initialiser un tableau de taille quelconque avec une valeur par défaut. Attention, c'est le même élément qui est dupliqué !

```
>>> t0 = [0] * 4 #un tableau de taille 4 initialisé à 0
>>> t0
[0, 0, 0, 0]
>>> tv = [True] * 6 #un tableau de taille 6 initialisé à True
>>> tv
[True, True, True, True, True, True]
>>> from random import randint
>>> t1 = [randint(1, 6) for _ in range(5)] #5 lancers de dé à 6 faces
>>> t1
[5, 2, 2, 5, 6]
>>> t2 = [randint(1, 6)] * 5 #5 lancers de dé à 6 faces ?
>>> t2
[5, 5, 5, 5, 5] #non 5 fois le même lancer
```



Exercice 4

1. On exécute le script suivant :

```
a = [1, 2, 3]
```

```
b = [4, 5, 6]
c = a + b
```

Que contient la variable `c` à la fin de cette exécution ?

Réponses :

- **Réponse 1** : [5,7,9] **Réponse 2** : [1,4,2,5,3,6]
- **Réponse 3** : [1,2,3,4,5,6] **Réponse 4** : [1,2,3,5,7,9]

2. Soit la fonction `mystere` ci-dessous.

Quelle est la valeur retournée par `mystere([831, 832, 833, 841, 842, 843])` ?

```
def mystere(u):
    v = []
    n = len(u)
    for k in range(n):
        v = [u[k]]+v
    return v
```

7 Parcours d'un tableau



Méthode

Il existe deux façons de parcourir un tableau en [Python][Python] :

1. **Le parcours par élément**, puisqu'un tableau de type `list` est **itérable** en [Python][Python] :

```
>>> t6 = [3, 1, 4]
>>> for e in t6:
...     print("valeur : ", e)
...
valeur : 3
valeur : 1
valeur : 4
```

2. **Le parcours par index**, permet de récupérer les indexs des éléments en plus de leurs valeurs :

```
>>> for k in range(len(t6)):
...     print("valeur : ", t6[k], " index :", k)
...
valeur : 3 index : 0
```



```
valeur : 1 index : 1
valeur : 4 index : 2
```

Exercice 5

1. Écrire une fonction `occurences(v, t)` qui renvoie le nombre d'occurences de la valeur `v` dans le tableau `t`.
2. *Auteur : Nicolas Réveret, question n°379 Genumsi*

On a saisi le code suivant :

```
liste = [0, 1, 2, 3]
compteur = 0
for i in range(len(liste)-1) :
    for j in range(i, len(liste)) :
        compteur += 1
```

Que contient la variable `compteur` à la fin de l'exécution de ce script ?

3. Revenons sur notre situation d'accroche.
 - Écrire une fonction `somme(tab)` qui renvoie la somme des éléments d'un tableau de nombres `tab`.
 - Écrire une fonction `moyenne_arithmetique(tab)` qui renvoie la moyenne arithmétique des éléments d'un tableau de nombres `tab`.
4. En voulant programmer une fonction qui calcule la valeur minimale d'un tableau d'entiers, on a écrit :

```
def minimum(L):
    mini = 0
    for e in L:
        if e < mini:
            mini = e
    return mini
```

Cette fonction a été mal programmée. Pour quel tableau ne donnera-t-elle pas le résultat attendu, c'est-à-dire son minimum ?

Réponses :

- **Réponse 1 :** [-1, -8, 12, 2, 23]
 - **Réponse 2:** [0, 18, 12, 2, 3]
 - **Réponse 3:** [-1, -1, 12, 12, 23]
 - **Réponse 4:** [1, 8, 12, 2, 23]
5. Écrire une fonction `max_tab(tab)` qui renvoie le maximum d'un tableau de nombres passé en paramètre. La fonction renvoie `None` si le tableau est vide.

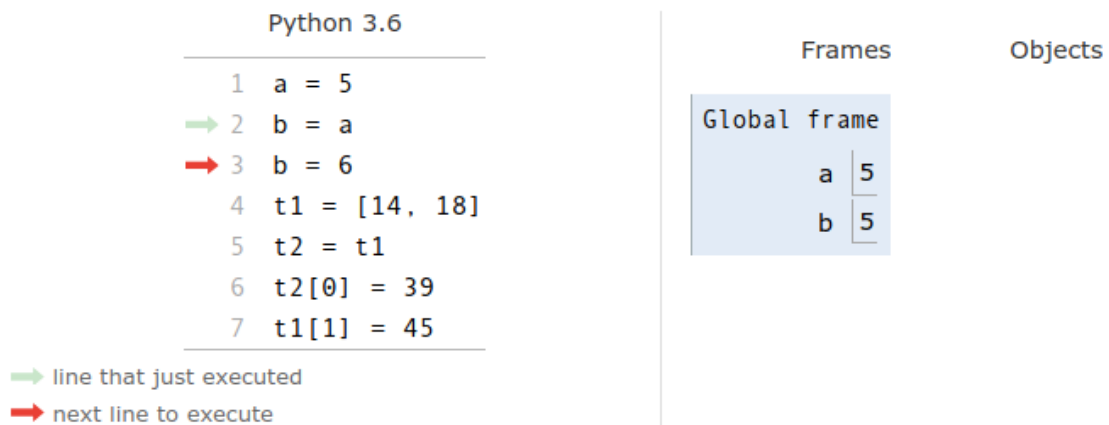
8 Aliasing

8.1 Aliasing et copie de tableau



Point de cours 2

- Pour les tableaux (type `list`), comme pour les autres types construits, le mécanisme de l'affectation de variable en [Python] diffère de celui des types base : `int`, `float`, `bool`). Lors de l'affectation `tab = [6, 3, 1]`, la variable `tab` ne reçoit pas comme valeur les éléments du tableau mais une **référence** vers la zone mémoire où ils sont effectivement stockés. Ce mécanisme est désigné par le terme *d'aliasing*.
- Illustrons ces différences en déroulant une séquence d'affectations avec [Python-tutor][Python-tutor], où l'on copie par affectation une variable de type `int` puis une variable de type `list`.
 - **Étape 1** : Si `a` est de type de base (ici `int`), l'affectation `b = a` assigne à la variable `b` une copie de la valeur de la variable `a` (ici 50.)



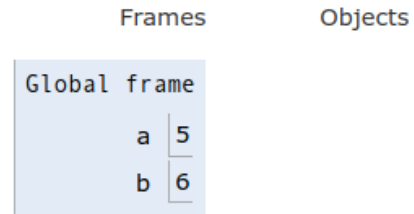
- **Étape 2** : Si on modifie la valeur de `b`, la variable `a` n'est pas touchée, les deux variables sont indépendantes.

```

Python 3.6
-----
1 a = 5
2 b = a
→ 3 b = 6
→ 4 t1 = [14, 18]
5 t2 = t1
6 t2[0] = 39
7 t1[1] = 45

```

→ line that just executed
→ next line to execute



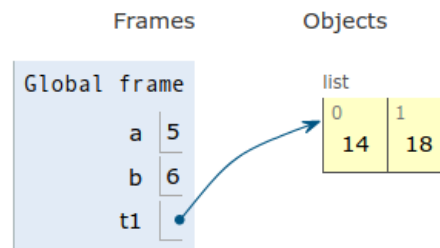
– **Étape 3** : Si on affecte le tableau [14, 18] à la variable `t1`, celle-ci ne prend pas pour valeur directement la séquence d'éléments du tableau mais une **référence** vers cette séquence.

```

Python 3.6
-----
1 a = 5
2 b = a
3 b = 6
→ 4 t1 = [14, 18]
→ 5 t2 = t1
6 t2[0] = 39
7 t1[1] = 45

```

→ line that just executed
→ next line to execute



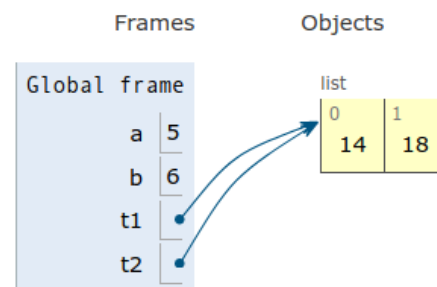
– **Étape 4** : Si `t1` est de type construit (ici `list`), l'affectation `t2 = t1` assigne à la variable `t2` une copie de la valeur de la variable `t1` comme pour les types de base, sauf que la valeur de `t1` est une **référence**. On dit que `t1` et `t2` partagent la même référence.

```

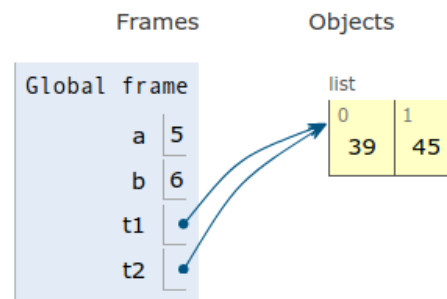
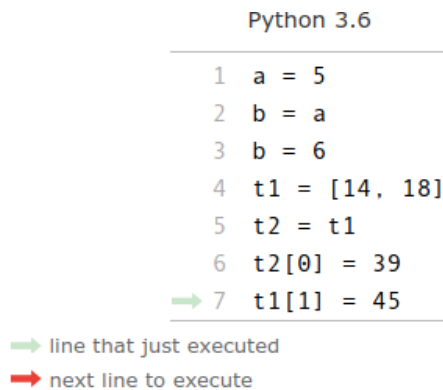
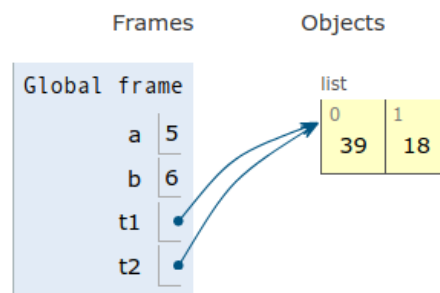
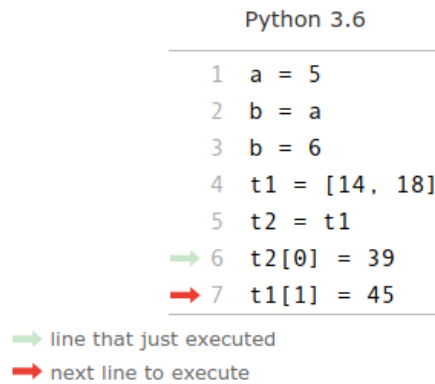
Python 3.6
-----
1 a = 5
2 b = a
3 b = 6
4 t1 = [14, 18]
→ 5 t2 = t1
→ 6 t2[0] = 39
7 t1[1] = 45

```

→ line that just executed
→ next line to execute



- **Étape 5** : Comme `t1` et `t2` partagent la même référence, toute modification de `t1` touche `t2` et vice-versa. On parle **d'effet de bord**. Attention, il faut bien comprendre ce mécanisme pour éviter les effets de bord indésirables !



- On peut réaliser une **copie superficielle** (ou *shallow copy*) d'un tableau ou d'une variable de type construit avec le mécanisme de *slicing*. Noys y reviendrons plus tard, pour les structures imbriquées (tableaux de tableaux), il faudra copier récursivement les valeurs correspondant à toutes les références avec une **copie profonde**. Le module `copy` propose une fonction `copy` pour la copie superficielle et une fonction `deepcopy` pour la copie profonde.

Python 3.6

```

1 t1 = [14, 18]
→ 2 t2 = t1[:]

```

→ line that just executed
→ next line to execute

< Prev Next >

Done running (2 steps)

Rendered by [Python Tutor](#)
[Customize visualization \(NEW!\)](#)

Frames: Global frame

- t1 → list [14, 18]
- t2 → list [14, 18]

🔪 Exercice 6

1. Écrire une fonction `copie(tab)` qui renvoie une copie superficielle du tableau `tab` sans utiliser de *slicing*.
2. *Auteur : Nicolas Revéret*

On considère le code suivant :

```
def f(tab):
    for i in range(len(tab)//2):
        tab[i], tab[-i-1] = tab[-i-1], tab[i]
```

Après les lignes suivantes :

```
tab = [2,3,4,5,7,8]
f(tab)
```

Quelle est la valeur de la variable `tab` ?

Réponses :

- Réponse 1 [2,3,4,5,7,8] Réponse 2 [5,7,8,2,3,4]
- Réponse 3 [8,7,5,4,3,2] Réponse 4 [4,3,2,8,7,5]

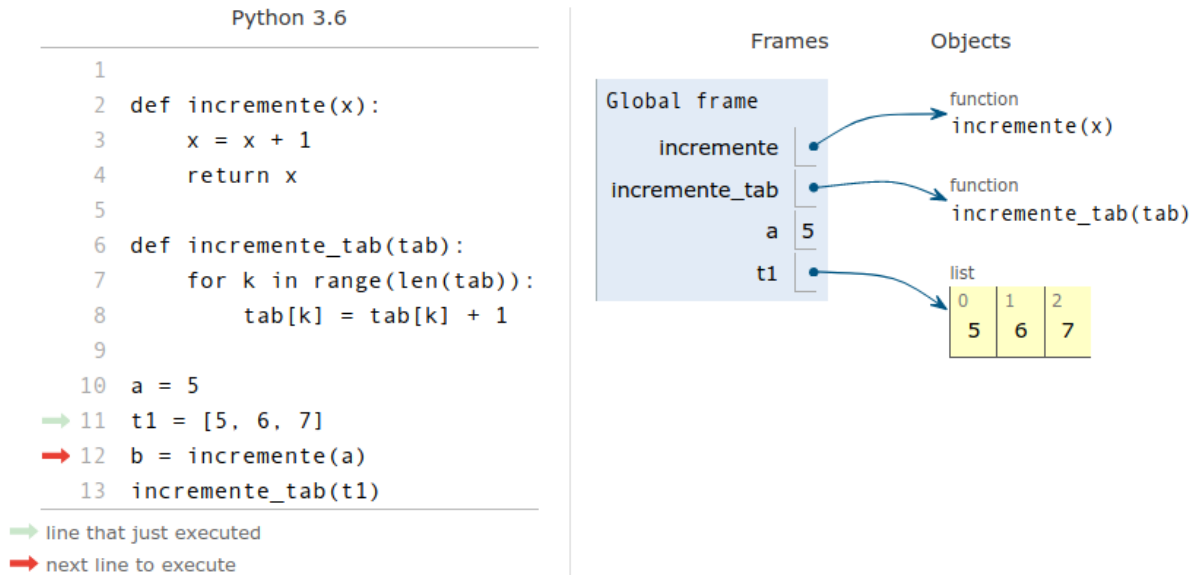
8.2 Aliasing et passage de tableau en paramètre d'une fonction

🔧 Méthode

En [Python][Python], lorsqu'on appelle une fonction avec des **paramètres effectifs**, les **paramètres formels** apparaissant dans la signature de la fonction, deviennent des variables locales à la fonction et

reçoivent comme valeurs des copies des valeurs des paramètres effectifs. Les types construits, comme les tableaux de type `list`, ayant pour valeur une référence, le paramètre formel va partager la même référence et on va retrouver les mêmes effets de bord que dans la copie de tableau par affectation.

- **Étape 1** : On définit une variable globale `a` de type `int`, une variable `t1` de type `list` (un tableau), une fonction `incremente(x)` qui incrémente la valeur du paramètre `x` de type `int` et une fonction `incremente_tab(tab)` qui incrémente tous les éléments du paramètre `tab` de type `list`.

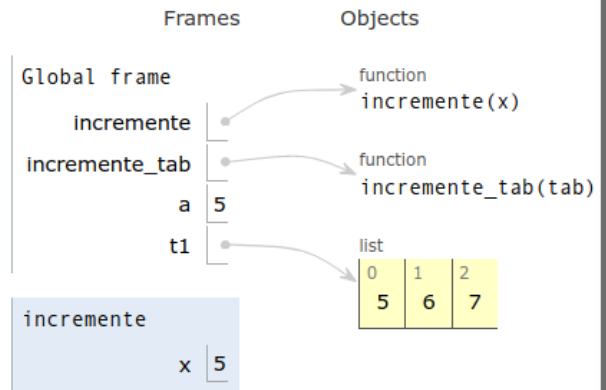


- **Étape 2** : On appelle `incremente(a)` et on affecte la valeur retournée à une variable `b`. Lors de l'appel, le paramètre formel `x` prend pour valeur une copie de la valeur du paramètre effectif `a`. La fonction renvoie la valeur 6 après incrémentation de la variable `x`, les variables globale `a` et locale `x` sont indépendantes. `x` disparaît dès que l'appel de fonction se termine.

Python 3.6

```
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
13 incremente_tab(t1)
```

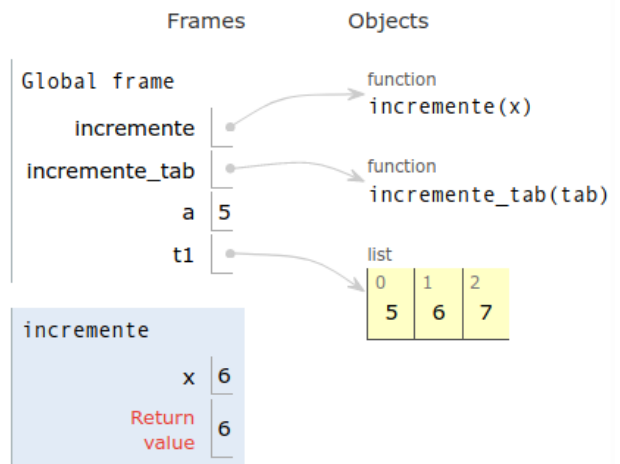
→ line that just executed
→ next line to execute



Python 3.6

```
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
13 incremente_tab(t1)
```

→ line that just executed
→ next line to execute



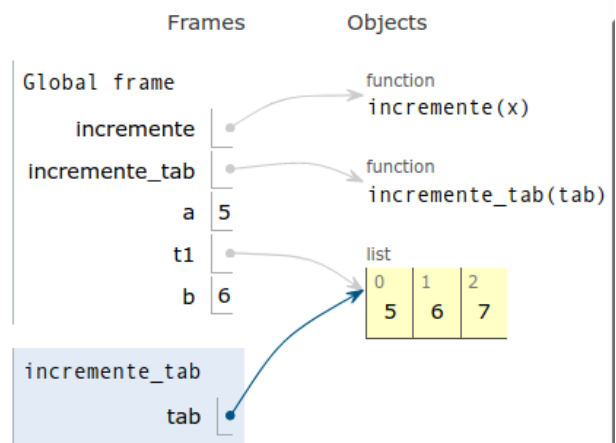
- **Étape 3 :** La variable globale `b` a été affectée avec 6 la valeur retournée par `incremente(a)`. La variable `a` n'a pas été modifiée par effet de bord,. Lors de l'appel `incremente_tab(t1)`, le paramètre formel `tab` est affecté avec une copie de la valeur du paramètre effectif `t1`. Ce dernier n'est pas de type de base comme `a`, mais de type construit `list` donc sa valeur est un référence.

```

Python 3.6
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
13 incremente_tab(t1)

```

→ line that just executed
→ next line to execute



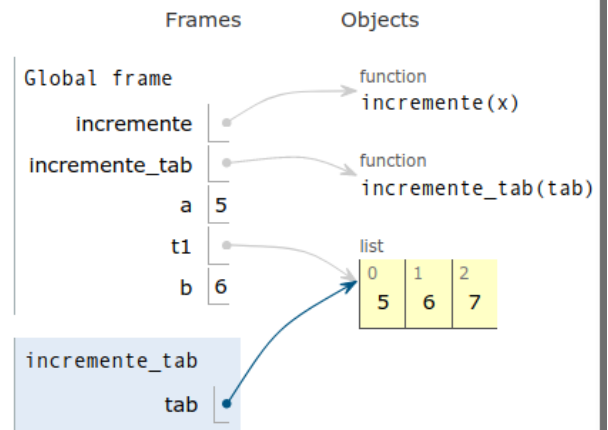
- Étape 4 :** La variable locale `tab` et la variable globale `t1` partagent une même référence : la fonction `incremente_tab` peut modifier le tableau référencé . La fonction `incremente_tab` renvoie `None` même si elle ne contient pas d'instruction `return`. Après l'appel de fonction, la variable globale `t1` a été modifiée par **effet de bord**. Une fonction qui modifie l'état de la mémoire du programme principale, sans renvoyer de valeur, s'appelle une **procédure**.

```

Python 3.6
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
13 incremente_tab(t1)

```

→ line that just executed
→ next line to execute

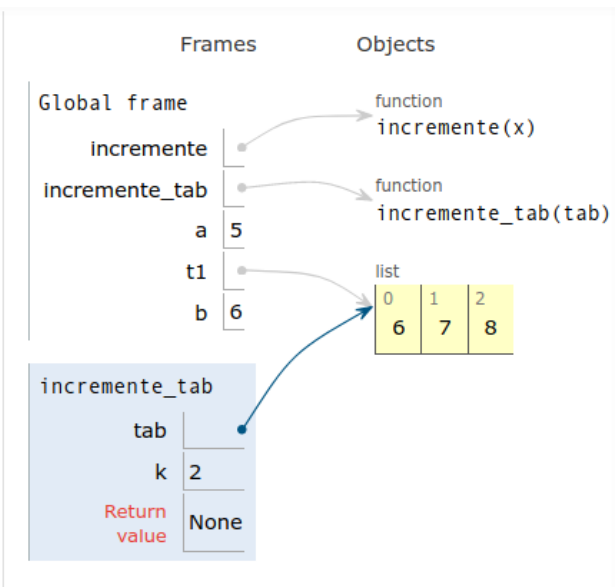



```

Python 3.6
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
13 incremente_tab(t1)

```

→ line that just executed
→ next line to execute

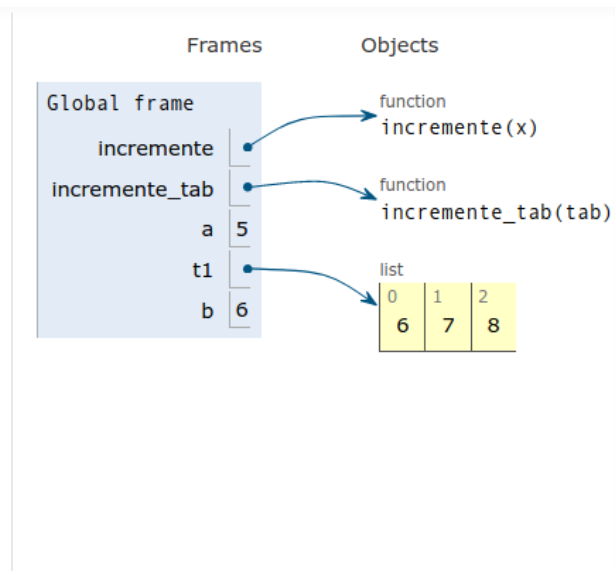


```

Python 3.6
1
2 def incremente(x):
3     x = x + 1
4     return x
5
6 def incremente_tab(tab):
7     for k in range(len(tab)):
8         tab[k] = tab[k] + 1
9
10 a = 5
11 t1 = [5, 6, 7]
12 b = incremente(a)
→ 13 incremente_tab(t1)

```

→ line that just executed
→ next line to execute



📌 Exercice 7

- On veut écrire une procédure `echange(tab, i, j)` qui échange les éléments d'index `i` et `j` d'un tableau `tab`. On fournit le modèle ci-dessous :

```

def echange(tab, i, j):
    assert 0 <= i < len(tab) and 0 <= j < len(tab), "message d'erreur"
    # à compléter

```

- Remplacer le message d'erreur de l'assertion par un message pertinent.

- Compléter la fonction.
2. Écrire une procédure `permutation_circulaire(tab)` qui modifie la position des éléments du tableau `tab` par permutation circulaire de gauche à droite :

```
>>> t = list(range(6))
>>> t
[0, 1, 2, 3, 4, 5]
>>> permutation_circulaire(t)
>>> t
[5, 0, 1, 2, 3, 4]
>>> permutation_circulaire(t)
>>> t
[4, 5, 0, 1, 2, 3]
```

9 Méthodes de tableau dynamique en Python



Méthode

Les tableaux [Python][Python] sont dynamiques c'est-à-dire que leur taille peut évoluer. Pour un tableau `tab`, les fonctions permettant d'ajouter ou enlever des éléments sont des **méthodes** de l'objet `tab` qui s'utilisent avec la notation pointée `tab.methode(parametres)`. Un tableau étant de type `list` il est équivalent d'écrire `list.methode(tab, parametres)`.

```
>>> t = [] #tableau vide
>>> t.append(8) #ajout de l'élément 8 à la fin de t
>>> t
[8]
>>> list.append(t, 7) #ajout de l'élément 7 à la fin de t
>>> t
[8, 7]
```

- On peut ajouter un élément à la fin d'un tableau avec la méthode `append`. On peut ainsi peupler un tableau initialement vide.

```
>>> t5 = []
>>> for k in range(3):
...     t5.append(k ** 2)
...
>>> t5
[0, 1, 4]
```

- On peut insérer un élément avec la méthode `insert` qui prend en paramètre l'index de l'élément une fois inséré. Les éléments à sa droite étant tous décalés vers la droite, l'insertion peut représenter un coût proportionnel à la taille du tableau si elle se fait au début du tableau.

```
>>> t = ['a', 'c', 'd']
>>> t.insert(1, 'b')
>>> t
['a', 'b', 'c', 'd']
```

- On peut extraire un élément de deux façons :

- À partir de son index, avec la méthode `pop`, qui prend pour paramètre l'index de l'élément extrait, le dernier par défaut. Tous les éléments à droite de l'élément extrait doivent être décalés vers la gauche, ce qui peut représenter un coût proportionnel à la taille du tableau si l'extraction se fait au début du tableau.

```
>>> carac = [chr(k) for k in range(ord('a'), ord('g'))]
>>> carac
['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f']
>>> carac.pop()
'f'
>>> carac
['a', 'b', 'c', 'd', 'e']
>>> carac.pop(0)
'a'
>>> carac
['b', 'c', 'd', 'e']
```

- À partir de sa valeur avec la méthode `remove`, la première occurrence trouvée de l'élément passée en paramètre est supprimée. Encore une fois, le coût peut être proportionnel à la taille du tableau si la suppression se fait au début.

```
>>> t = [0,1,0,1]
>>> t = [0,2,0,2]
>>> t.remove(2)
>>> t
[0, 0, 2]
>>> t.remove(1)
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
ValueError: list.remove(x): x not in list
```

- On peut compter le nombre d'occurrences d'un élément dans un tableau avec la méthode `count`.

```
>>> t = [randint(1, 6) for _ in range(1_000_000)] #10**6 lancers de dés
>>> t.count(6) #nombre de 6, cohérent non ?
166821
```

Exercice 8

1. Écrire une fonction `fonction filtre_notes(tab)` qui extrait toutes les notes inférieures à 10 d'un tableau de notes entre 0 et 20 et les renvoie dans un autre tableau.
2. Écrire une fonction renvoyant le maximum d'un tableau passé en paramètre et le tableau des positions où ce maximum est atteint. La fonction renvoie `[None, []]` si le tableau est vide.
3. On définit en Python la fonction suivante :

```
def f(L):  
    S = []  
    for i in range(len(L)-1):  
        S.append(L[i] + L[i+1])  
    return S
```

Quel est le tableau renvoyé par `f([1, 2, 3, 4, 5, 6])` ?

- Réponse 1 [3, 5, 7, 9, 11, 13]
- Réponse 2 [1, 3, 5, 7, 9, 11]
- Réponse 3 [3, 5, 7, 9, 11]
- Réponse 4 cet appel de fonction déclenche un message d'erreur

10 Synthèse

À retenir

- Le type construit **tableau** est une séquence ordonnée d'éléments qui sont associés à un **index** entier commençant à 0.
- Un **tableau** peut être défini en **extension** ou en **compréhension**. Il est délimité par des crochets [et] avec une virgule pour séparer les éléments. Pour un tableau `tab`, l'accès et la modification d'un élément s'effectue par son index avec la syntaxe `tab[index]`. La fonction `len` permet d'obtenir la longueur d'un tableau.

```
>>> tab1 = [4, 5, 6] #définition en extension  
>>> tab2 = [k ** 2 for k in range(1, 6)] #définition en compréhension  
>>> tab2  
[1, 4, 9, 16, 25]  
>>> tab1[0] = 7  
>>> tab1  
[7, 5, 6]  
>>> 2 * tab2[1]  
8  
>>> len(tab1) #longueur d'un tableau  
3
```

```
>>> tab1[len(tab1)-1] #dernier index valide
6
>>> tab1[len(tab1)] # index invalide
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
IndexError: list index out of range
```

- Un tableau peut être parcouru par **index** ou par **valeurs** :

```
>>> tab = [14, 10, 8]
>>> for k in range(len(tab)): #parcours par index
...     print("Valeur : ", tab[k], " Index : ", k)
...
Valeur : 14 Index : 0
Valeur : 10 Index : 1
Valeur : 8 Index : 2
>>> for element in tab: #parcours par valeur
...     print("Valeur : ", element)
...
Valeur : 14
Valeur : 10
Valeur : 8
```

- En [Python][Python] les **tableaux** sont implémentés par les objets de type **list**, ils peuvent contenir des éléments hétérogènes et leur taille peut varier, on parle de **tableaux dynamiques**. De nombreuses **méthodes** permettent d'opérer en place sur les **tableaux** avec la syntaxe **tableau.methode(arguments)**.

```
>>> tab = []
>>> tab.append(842) #ajout à la fin
>>> tab
[842]
>>> tab.extend([841, 843])
>>> tab
[842, 841, 843]
>>> tab.sort() #tri en place
>>> tab
[841, 842, 843]
>>> dernier = tab.pop() #enlever le dernier élément
>>> tab, dernier
([841, 842], 843)
>>> tab.remove(841) #enlever une valeur
>>> tab
[842]
```

- On peut construire des structures imbriqués comme des tableaux de tableaux.

La valeur d'une variable de type tableau est une **référence** vers un objet. Par défaut lorsqu'on affecte une variable de type tableau à une autre variable, on crée juste un lien vers le même objet, on parle de **références partagées**. Pour déréférencer et copier en profondeur un tableau imbriqué, on peut utiliser la fonction `deepcopy` du module `copy`.

```
>>> t1 = [1,2]
>>> t2 = [3,4]
>>> tt = [t1, t2]
>>> tt
[[1, 2], [3, 4]]
>>> t1[0] = 5
>>> tt
[[5, 2], [3, 4]]
>>> tt[1][0] = 6
>>> t2
[6, 4]
>>> import copy
>>> tt2 = copy.deepcopy(tt)
>>> tt2
[[5, 2], [6, 4]]
>>> tt2[0][1] = 7
>>> tt, tt2
([[5, 2], [6, 4]], [[5, 7], [6, 4]])
```